

Petit rappel sur les techniques de dénombrement d'un ensemble Ω

Type de dénombrement	Exemple	Card(Ω), cas possibles
Étapes successives (indépendantes) $\Omega = A \times B$	On tire une boule dans une urne puis on lance une pièce.	$Card(A) \times Card(B)$
Disjonction de cas ou partition. $\Omega = \bigsqcup_{k=1}^n A_k$	Nombre de parties contenant entre 1 et 5 éléments. A_k l'ensemble des parties contenant k éléments.	$\sum_{k=1}^5 Card(A_k)$
Tirage d'une partie quelconque	On tire simultanément (poignée) une partie de taille quelconque d'une urne contenant n boules distinctes.	2^n
Tirage simultané (sans remise et l'ordre ne compte pas)	On tire simultanément (poignée) une partie de k éléments d'une urne contenant n boules distinctes.	$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ si $k \in \llbracket 0, n \rrbracket$ 0 sinon
Tirages successifs (l'ordre compte) et avec remise	-Tirage successif avec remise de p boules dans une urne contenant n boules. -Nombre façons de ranger p boules dans n tiroirs.	n^p
Tirages successifs (l'ordre compte) et sans remise	-Tirage successif sans remise de p boules dans une urne contenant n boules. -Nombre de suite de k éléments distincts de $\llbracket 1, n \rrbracket$.	$A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ si $k \in \llbracket 0, n \rrbracket$ 0 sinon
Permutations	-Nombre de façons de ranger n livres dans une bibliothèque. -Nombre de bijections de $\llbracket 1, n \rrbracket$ dans lui-même.	$n!$
$\Omega = A \sqcup B$, avec $Card(A) = n_1$, $Card(B) = n_2$, $Card(\Omega) = n_1 + n_2 = n$. Nombre de tirage dans Ω de $k = k_1 + k_2$ éléments dont k_1 sont dans A et k_2 sont dans B .		
Tirage simultané (sans remise et l'ordre ne compte pas)	Une urne contient n boules dont n_1 sont rouges et n_2 sont noires ($n_1 + n_2 = n$). On tire k boules dans l'urne et on cherche le nombre de tirage donnant k_1 boules rouges et k_2 boules noires ($k_1 + k_2 = k$).	$\binom{n_1}{k_1} \binom{n_2}{k_2}$
Tirages successifs (l'ordre compte) et sans remise		$A_{n_1}^{k_1} A_{n_2}^{k_2} \times \binom{k}{k_1}$
Tirages successifs (l'ordre compte) et avec remise		$n_1^{k_1} n_2^{k_2} \times \binom{k}{k_1}$